

Programa Concursului Studențesc de rezolvări de probleme de Matematică "Traian Lalescu"

= Anul I * [2017] =

ANALIZĂ MATEMATICĂ

1. Șiruri și serii de numere

Șiruri de numere reale. Șiruri definite prin recurențe.

Serii de numere. Criterii de convergență pentru serii cu termeni pozitivi și oarecare.

2. Funcții continue

Limite de funcții de una sau mai multe variabile. Puncte limită.

Funcții elementare.

Proprietatea Darboux.

Continuitate uniformă. Funcții continue pe compacte.

3. Șiruri și serii de funcții

Convergența punctuală și uniformă.

Transmiterea proprietăților de continuitate, derivabilitate și integrabilitate la limita șirului sau suma seriei.

Serii de puteri. Dezvoltarea funcțiilor elementare în serie de puteri.

4. Calcul diferențial pentru funcții de una și de mai multe variabile

Formula lui Taylor pentru funcții de o variabilă reală cu restul Lagrange.

Derivate parțiale. Derivata după direcție

Derivarea funcțiilor compuse.

Diferențiala funcțiilor de una și mai multe variabile. Formula lui Taylor pentru funcții de mai multe variabile.

Extreme de funcții.

ALGEBRĂ

1. Matrice și determinanți

Determinanți.

Matrice simetrice, antisimetrice, ortogonale.

Sisteme de ecuații liniare.

2. Spații vectoriale

Subspații liniare. Subspațiul generat. Operații cu subspații.

Bază și dimensiune Matricea schimbării de baze.

3. Aplicații liniare

Nucleu și imagine. Matricele unei aplicații liniare.

Valori proprii și vectori proprii pentru endomorfisme și forma diagonală.

Polinom caracteristic; teorema Cayley-Hamilton.

Forme liniare, biliniare și pătratice. Forma canonică a unei forme pătratice.

4. Spații euclidiene și normate

Produs scalar. Norma indusă. Distanța euclidiană.

Ortogonalizare Gram-Schmidt.

Complementul ortogonal al unui subspațiu.

Metoda transformărilor ortogonale pentru forma canonică a unei forme pătratice.

Spații normate.

GEOMETRIE

Geometrie analitică

Coordonate în plan și spațiu.

Dreapta în spațiu. Planul în spațiu. Perpendiculara comună a două drepte.

Conice și quadrice. Reducerea la forma canonică a conicelor și quadricelor.